

**Objectifs de la séquence** : Renforcer l'aspect décimal de la numération.

**Idée générale** : Travailler la décomposition additive des nombres entiers avant l'introduction des décimaux.

**Considérations didactiques** : Il s'agit de renforcer et consolider les connaissances sur le système de numération décimal avant l'introduction de nouveaux nombres : les décimaux. L'extension des règles d'écritures des entiers au cas des nombres décimaux permet de réinvestir ces règles. L'écriture des nombres entiers apparaît comme un cas particulier dont les unités d'ordre inférieur à l'unité simple sont absentes, expliquant l'absence de la virgule (Tempier, 2013).

**Prérequis** : Le développement de ces compétences relève du niveau CE2. Cependant, il est important de les reprendre en CM1 en vue d'une remédiation et consolidation avant l'introduction des décimaux.

**Nombre de séances envisagées** : 3 séances.

**Propositions :**

- Les élèves travaillent en binômes, sauf pour la séance 3 (résolution de problèmes) où les élèves travaillent individuellement.
- Les exercices qui présentent la notation  $*#b$ ,  $*#c$ , ... (où # est un nombre) sont optionnels. Ils ont été pensés pour les binômes qui avancent plus vite.
- Nous avons indiqué l'exercice à partir duquel on peut faire le bilan.
- Les élèves peuvent travailler sur leur cahier ou tout autre support préparé par vos soins.
- Les tableaux de synthèse fournis sont donnés à titre indicatif. Vous pouvez les enrichir et les adapter.
- Dans les tableaux « déroulement de séance » vous avez une colonne « durée » pour votre organisation personnelle.
- Le découpage du contenu par séance ainsi que la durée de la séance peuvent être adaptés aux spécificités de la classe.

## Descriptif de la séquence

<i>Séance</i>	<i>Objectif(s) spécifique(s)</i>	<i>Description</i>
1	Décomposer un nombre écrit en unités simples en une ou plusieurs unités  Phase 1 : travailler plusieurs décompositions possibles  Phase 2 : vers la décomposition canonique	Exemple : Décomposer 3857 à l'aide de 100 et 1. On travaille avec des grands nombres.  L'idée est de travailler différentes décompositions additives dont la décomposition canonique.
2	Convertir un nombre, écrit en une seule unité ou plusieurs, en d'autres unités (une ou plusieurs)	Exemple : Décomposer 38 centaines et 57 unités à l'aide de dizaines et unités. On travaille avec des grands nombres. Ici, on doit convertir entre les différentes unités, ce qui oblige à travailler l'aspect décimal. On mobilise ces compétences dans des exercices qui portent sur des unités de mesure.
3	Résolution de problèmes	Cette séance sert de réinvestissement des connaissances acquises dans les séances précédentes.

Cette séance est composée de deux phases.

## **Séance 1 - Phase 1 : Associer différentes décompositions additives à un nombre donné**

### **1. Description des situations**

Le fichier « Decomposition additive.sb2 » permet de faire les 17 exercices de la séquence.

Ces exercices permettent de travailler différentes décompositions additives d'un nombre entier.

On dispose de deux types de compteurs, qui correspondent à deux arrière-plans : si le déroulement d'un exercice prend beaucoup de temps avec le compteur prédéfini, on peut basculer sur l'arrière-plan « 'total' avance rapidement » (Figure 1).



Figure 1

### **Caractéristiques des exercices :**

#### **Consignes pour les élèves (Ex 1 à 8)**

*Consigne 1. A l'aide des blocs proposés, créez un ou plusieurs programmes dans Scratch. Vos programmes doivent permettre d'atteindre la valeur donnée, en ajoutant au moins deux valeurs autorisées*

*Consigne 2. Utilisez une écriture additive pour traduire vos programmes Scratch dans l'espace de réponse.*

Consignes	Exercices	Valeur à atteindre	Valeurs autorisées				
			10 000	1 000	100	10	1
1	Exercice 1	546	OUI	OUI	OUI	OUI	OUI
	Exercice 2	546	OUI	OUI	Interdit	OUI	OUI
1 et 2	Exercice 3	3 852	OUI	OUI	OUI	OUI	OUI
	Exercice 4	3 852	OUI	OUI	Interdit	OUI	OUI
	Exercice 5	3 852	OUI	Interdit	OUI	Interdit	OUI
	Exercice 6a	43 125	OUI	OUI	OUI	Interdit	OUI
	*Exercice 6b	40 285	Interdit	OUI	OUI	Interdit	OUI
	*Exercice 6c	42 106	OUI	Interdit	Interdit	OUI	OUI

## 2. Déroulement de la séance 1 – phase 1

<i>Durée</i>	<i>Etapes</i>	<i>Activités de l'enseignant / propositions</i>
	Présentation générale	Présenter la situation (Tableau, affiche, vidéo projecteur...).
		Points à présenter : - La consigne. - La fiche élève « Decomposition additive CM1 ».
	Exercice 1 et 2	Les binômes effectuent les exercices 1 et 2.
	Bilan intermédiaire	Correction et mise au point collective. Vérifier la compréhension de la contrainte « Interdit ». Traduire l'algorithme des exercices 1 et 2 à l'aide d'une écriture additive. Présenter la nouvelle consigne des exercices suivant.
	Exercices 3 à 6c	Circuler et accompagner les élèves en difficulté. Faire le point collectif (si nécessaire) sur l'utilisation du bloc « répéter ». Rappeler qu'on peut basculer sur l'arrière-plan « 'total' avance rapidement » lorsqu'un exercice prend beaucoup de temps.
	Bilan et institutionnalisation	Le bilan peut se faire dès l'exercice 6a. <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Corriger collectivement les exercices par exemple sous forme d'un tableau à partir de leurs réponses (cf. tableau de synthèse ci-dessous).</li> <li>2) Insister sur le sens des noms donnés aux différentes unités.  87 unités, c'est 8 dizaines et 7 unités  38 centaines, c'est 3 milliers et 8 centaines</li> <li>3) Expliquer les relations entre les unités.  1 millier = 10 centaines = 100 dizaines = 1000 unités  46 = 4 dizaines et 6 unités = <math>(4 \times 10) + 6</math>   Ex3 : 8 centaines = 80 dizaines car 1 centaine = 10 dizaines  Ex4 : 3 milliers = 30 centaines car 1 millier = 10 centaines  5 dizaines = 50 unités car 1 dizaine = 10 unités</li> <li>4) Explorer les différentes écritures.  546 = 5 centaines, 4 dizaines et 6 unités  <math>= (5 \times 100) + (4 \times 10) + 6 \times 1</math>  <math>= (100+100+100+100+100) + (10+10+10+10) + (1+1+1+1+1+1)</math>  <math>= 500+40+6</math>  3852 = 38 centaines et 52 unités  <math>= 38 \times 100 + 52 \dots</math></li> <li>5) Eléments de synthèse sur le cahier de l'élève.</li> </ol>

## Synthèse pour l'enseignant (Ex 3 à 6c)

Exercices	Valeur à atteindre	Valeurs autorisées				
		10 000	1 000	100	10	1
Exercice 3	3 852		3	8 38	5	2 52
Exercice 4	3 852		3	Interdit	85 385	2 2
Exercice 5	3 852		Interdit	38 30	Interdit	52 852
Exercice 6a	43 125	4	3 43	1	Interdit	25 125
*Exercice 6b	40 285	Interdit	40	2 400	Interdit	85 285
*Exercice 6c	42 106	4	Interdit	Interdit	210	6

### Séance 1 - Phase 2 : Décomposition canonique

#### 1. Description des situations

Le fichier est toujours le même : « Decomposition additive.sb2 ».

Ces exercices permettent de travailler la décomposition canonique d'un entier. Le travail se fait en deux temps.

D'abord, on résout un problème de monnaie sur les euros (exercice 7), qui réinvestit les procédures de la phase 1. On ajoute une contrainte sur le nombre de billets minimum à utiliser.

Ensuite, on abordera la décomposition canonique (exercices 8 à 9b).

#### Caractéristiques des exercices :

##### Consigne pour les élèves (Ex 7)

*Pour chaque question (a, b et c), créez un programme dans Scratch pour aider Jean, en utilisant les blocs proposés. Puis, utilisez une écriture additive pour traduire votre programme Scratch dans l'espace de réponse.*

- Jean souhaite acheter un robot à 3 460 euros. Il ne dispose que de billets de 100 euros et de 10 euros.*
- Il souhaite maintenant utiliser des billets de 100 et 10 euros. Il veut utiliser un nombre minimum de billets.*
- Il dispose maintenant de billets de 1000 euros, de 100 euros et de 10 euros. Il souhaite utiliser un nombre minimum de billets.*

##### Consigne pour les élèves (Ex 8, 9a et 9b)

*On dispose de cartes avec des valeurs 10 000, 1 000, 100, 10 et 1.*

*A l'aide des blocs proposés, créez un programme dans Scratch. Ce programme doit permettre d'atteindre la valeur donnée dans chaque exercice, en ajoutant les valeurs de ces cartes.*

*Il faut utiliser le moins de cartes possibles.*

*Utilisez une écriture additive pour traduire votre programme Scratch dans l'espace de réponse.*

Exercices	Valeur à atteindre	Valeurs autorisées				
		10 000	1 000	100	10	1
Exercice 8	3 852	OUI	OUI	OUI	OUI	OUI
Exercice 9a	43 120	OUI	OUI	OUI	OUI	OUI
*Exercice 9b	40 106	OUI	OUI	OUI	OUI	OUI

## 2. Déroulement de la séance 1 – phase 2

<i>Durée</i>	<i>Etapas</i>	<i>Activités de l'enseignant / propositions</i>
	Exercice 7	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Présenter la partie a) du problème. L'enseignant apprécie la difficulté de l'énoncé et choisit entre une lecture individuelle ou plutôt collective avec reformulation et explication.</li> <li>- Réaliser la partie a).</li> <li>- Corriger collectivement : synthèse sur les solutions possibles (différentes écritures).</li> </ul>
		<ul style="list-style-type: none"> <li>- Présenter la partie b) : introduire et expliquer la contrainte « utiliser un nombre minimum de billets de ... ».</li> <li>- Réaliser la partie b).</li> <li>- Corriger collectivement : synthèse sur les solutions possibles (différentes écritures).</li> </ul>
		<ul style="list-style-type: none"> <li>- Présenter la partie c).</li> <li>- Réaliser la partie c).</li> <li>- Corriger collectivement : synthèse sur l'unicité de l'écriture.</li> </ul>
	Exercices 8 à 9b	Circuler et accompagner les élèves en difficulté.
	Bilan	<p>Le bilan peut se faire dès l'<u>exercice 9a</u>.</p> <p>Synthèse sur la décomposition additive des nombres et l'écriture canonique.</p> <p>Faire remarquer que pour obtenir le nombre minimum de cartes, il ne faut pas avoir plus de 9 cartes d'une même valeur.</p> <p>Revenir sur les relations entre les unités et sur le sens du nombre des centaines.</p>

**Séance 2 - Convertir un nombre, écrit en une seule unité ou plusieurs, en d'autres unités****1. Description des situations**

Le fichier est toujours le même : « Decomposition additive.sb2 ».

Ces exercices permettent de travailler l'aspect décimal à partir des conversions entre unités.

Le nombre est donné sous forme de nombre de centaines, de dizaines, ...

Les écritures peuvent être canoniques ou non.

**Caractéristiques des exercices :****Consigne pour les élèves (Ex 10 à 12c)**

*A l'aide des blocs proposés, créez un programme dans Scratch. Ce programme doit permettre d'atteindre la valeur donnée en utilisant toutes les valeurs autorisées.*

*Utilisez une écriture additive pour traduire votre programme Scratch dans l'espace de réponse.*

Exercices	Valeur à atteindre	Valeurs autorisées				
		10 000	1 000	100	10	1
10	53 centaines 110 unités	Interdit	OUI	OUI	OUI	Interdit
11	5 unités 421 dizaines 3 centaines	Interdit	OUI	OUI	OUI	OUI
12a	2 milliers 23 centaines 15 dizaines	OUI	Interdit	OUI	Interdit	OUI
*12b	152 unités 4 milliers 12 centaines	OUI	OUI	OUI	OUI	OUI
*12c	13 dizaines 60 milliers 3 centaines	OUI	Interdit	Interdit	OUI	Interdit

**2. Déroulement de la séance 2**

<i>Durée</i>	<i>Etapas</i>	<i>Activités de l'enseignant / propositions</i>
	Présentation générale	Vérifier que les élèves ont compris la consigne.
	Exercices 10 à 12c	Circuler et accompagner les élèves en difficulté.
	Bilan	Le bilan peut se faire dès l'exercice 12a. - Correction des exercices. (Cf. tableau de synthèse ci-dessous). - Retour sur les relations entre les unités (à partir des réponses recueillies, mettre en avant des équivalences mises en jeu). Par exemple, dans l'exercice 1 : 10 centaines = 1 millier.

**Synthèse (pour l'enseignant)**

Exercices	Valeur à atteindre	Valeurs autorisées				
		10 000	1 000	100	10	1
Exercice 10	53 centaines 110 unités	Interdit	5 5	4 3	1 11	Interdit
Exercice 11	5 unités 421 dizaines 3 centaines	Interdit	4 4	5 3	1 21	5 5
Exercice 12a	2 milliers 23 centaines 15 dizaines		Interdit	44 43	Interdit	50 150
*Exercice 12b	152 unités 4 milliers 12 centaines		5	3 52	5	2 152
*Exercice 12c	13 dizaines 60 milliers 3 centaines	6	Interdit	Interdit	43	Interdit

**Séance 3 - Résolution de problèmes**

Cette séance n'utilise pas Scratch. Il s'agit de réinvestir individuellement les connaissances sur la décomposition additive pour la résolution de problème.

Chaque professeur décidera de la gestion de la séance (rappels, retour sur des bilans et synthèses...) en fonction des besoins de la classe.

Il n'est pas nécessaire de traiter tous les problèmes si le temps ne le permet pas.

Pour cette séance, il n'y a pas de fiche élève spécifique. Les élèves peuvent travailler sur leur cahier, ou sur une fiche préparée par vos soins.

**Problème 1**

Le prix d'un ordinateur est de 1350 euros.

Un client possède plusieurs billets de 100 euros et 15 billets de 10 euros.

Il souhaite utiliser tous les billets de 10 euros. Combien de billets de 100 euros doit-il utiliser ?

**Problème 2**

Le prix d'une moto est de 7580 euros.

Un client dispose de billets de 1000 euros, de 100 euros et de 10 euros. Atteignez cette somme avec un nombre minimum de billets.

**Problème 3**

a) Pierre souhaite retirer à la banque la somme de 13 500 euros en billets de 100 euros.

Combien de billets de 100 euros aura-t-il ?

b) Pierre souhaite retirer à la banque la somme de 13 840 euros en billets de 100 euros et 10 euros. Il souhaite avoir un minimum de billets de 10 euros.

Combien de billets de 100 euros aura-t-il ?